

Syène Majida Boulila

Devoir de Contrôle N°5

Classe 2<sup>ème</sup> SC3

Durée 1h30

Le sujet comporte 2 feuilles, la feuille n°2 doit être rendue avec la copie.

exercice 1 (10 points) A/  $f$  est une fonction définie sur  $[-3, 3]$ ,  $(C_f)$

est la courbe de  $f$  dans un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  (voir feuille n°2)

- 1) Lire graphiquement  $f(2)$  et  $f(-2)$  déduire que  $f$  n'est ni paire ni impaire.
- 2) Résoudre graphiquement l'équation  $f(x) = -3$  et l'inéquation  $f(x) < -3$ .
- 3) Donner la valeur minimale et la valeur maximale de  $f(x)$ .
- 4) Tracer la droite  $D: 2x - y + 1 = 0$ , résoudre graphiquement:  $f(x) = 2x + 1$ .

B/ On donne  $f(x) = x^2 + bx + c$  où  $b \in \mathbb{R}$  et  $c \in \mathbb{R}$

- 1) Déterminer  $(C_f) \cap (O, \vec{i})$  déduire que  $b = 2$  et que  $c = -3$
- 2) Etudier le sens de variation de  $f$  sur  $[-1, 3]$  (par calcul)
- 3) Soit la fonction  $g$  définie sur  $[-3, 3]$  par  $g(x) = x^2 + 2|x| - 3$   
 $(C_g)$  est la courbe de  $g$ 
  - a) Montrer que  $g$  est paire, tracer  $(C_g)$  à partir de  $(C_f)$  (expliquer)
  - b) Décrire les variations de  $g$

exercice 2 (10 points)  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  est un repère orthonormé on donne  
 $A(1, 1)$   $B(2, -1)$  et  $C(3, 7)$

- 1) a) Calculer  $AB$  et  $AC$   
b) Montrer que  $\widehat{BAC} = \frac{3\pi}{4}$ , calculer l'aire du triangle  $ABC$ .  
c) Calculer  $\sin \widehat{ABC}$
- 2) a) Montrer que la droite  $(AB)$  a pour équation  $(AB): 2x + y - 3 = 0$   
b) Ecrire une équation cartésienne de la droite  $\Delta_1$  qui passe par  $C$  et parallèle à  $(AB)$   
c) Ecrire une équation cartésienne de la droite  $\Delta_2$  qui passe par  $B$  et  $\perp$  à  $(AB)$
- 3) a) Soit  $\{D\} = \Delta_1 \cap \Delta_2$ , Déterminer les coordonnées de  $D$   
b) Calculer  $d(C, (AB))$  déduire l'aire du trapèze  $ABDC$   
4)  $Q$  est le point tel que  $\{Q\} = (AD) \cap (BC)$ 
  - a) Montrer que  $Q$  est le barycentre des points pondérés  $(C, 1)$  et  $(B, 3)$
  - b) Déterminer les coordonnées de  $Q$